

- 5 下の図のように、ある規則に従って座標軸上に点をとり、点 $(1, 0)$ を1番目の点、点 $(0, 2)$ を2番目の点、点 $(-3, 0)$ を3番目の点、点 $(0, -4)$ を4番目の点、点 $(5, 0)$ を5番目の点、点 $(0, 6)$ を6番目の点、……とする。また、原点O、1番目の点、2番目の点を頂点とする三角形を1番目の三角形原点O、2番目の点、3番目の点を頂点とする三角形を2番目の三角形原点O、3番目の点、4番目の点を頂点とする三角形を3番目の三角形

⋮
⋮

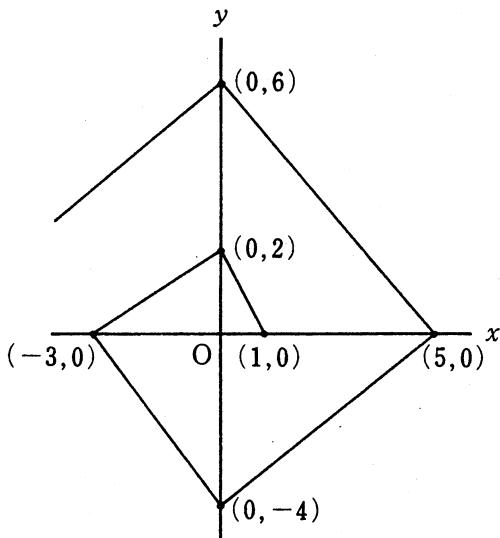
とする。このとき、次の1から5の問い合わせに答えよ。

1 9番目の点の座標を求めよ。

2 3番目の三角形の面積を求めよ。

3 n 番目の三角形について、次の文の(1), (2), (3)に当てはまる式を、 n を用いて表せ。

原点Oと n 番目の点とを結ぶ線分の長さは (1) であり、原点Oと $(n+1)$ 番目の点とを結ぶ線分の長さは (2) であるから、 n 番目の三角形の面積は (3) となる。



4 n 番目の三角形の面積が7の倍数になった。このときの n の値を、小さいものから順に3つ求めよ。

5 n 番目の三角形の面積と $(n+1)$ 番目の三角形の面積の和は、つねに自然数の2乗となることを式を用いて説明せよ。